

楕円積分と楕円関数 — おとぎの国の歩き方 武部尚志著

正誤表 (2024 年 12 月 31 日判明分まで)

(\*\*) が付いているものは第 2 刷で修正済み。(\*) が付いているものは第 3 刷で修正済み。

- (\*) p.15 図 1.3 (誤)  $(a \sin \varphi, a \cos \varphi)$  (正)  $(a \sin \varphi, b \cos \varphi)$
- (\*) p.26 2 行目: (誤) 今回は (正) この章では
- (\*) p.30 2 行目: 行末の  $dz$  を削除。
- (\*) p.33 練習 2.4 (ii):  
(誤) (2.3) を満たす  $y = T(z)$  は、方程式 ... を  $y$  について解いて  
(正) (2.3) を満たす  $x = T(y)$  は、方程式 ... を  $x$  について解いて  
(誤)  $y$  が  $x$  の一次分数変換  
(正)  $x$  が  $y$  の一次分数変換
- (\*) p.33 下から 4 行目: (誤) 変数  $(y, s)$  についての (正) 変数  $(y, s')$  についての
- (\*\*) p.87 (5.39) 式: (誤)  $c^2 = \frac{b^2(2\lambda - b^2)}{(\lambda - b^2)^2}$ , (正)  $c^2 = \frac{2\lambda - b^2}{(\lambda - b^2)^2}$ ,
- (\*\*) p.94 下から 6 行目:  
(誤)  $\sqrt{z}$  は  $-\sqrt{r}e^{i(2\pi)/2} = -\sqrt{r}$ .  
(正)  $\sqrt{z}$  は  $\sqrt{r}e^{i(2\pi)/2} = \sqrt{r}$ .
- (\*) p.123 上から 3 行目: (誤)  $\mathcal{R} \in (z, w)$  (正)  $\mathcal{R} \ni (z, w)$
- (\*) p.133 下から 2 行目: (誤) 図 9.2 のように (正) 図 9.3 のように
- (\*) p.136 図 9.4: トーラス上の  $B$  サイクルと、右下の球面上の  $B$  サイクルの向きを両方とも逆にする。
- (\*) p.137 下から 8 行目:  
(誤) これにより被積分関数は  
(正) これにより被積分関数のルートの中は

- (\*) p.141 定理 9.6 の 3 行目: (誤) 留数は  $\pm k$ . (正) 留数は  $\mp k$ .
- (\*) p.141 下から 3 行目: (誤) (ii) で示した (正) (iii) で示した
- (\*) p.147 例 10.5:

「角領域  $\{z \mid 0 < \arg z < \alpha\}$  から上半平面  $\mathbb{H}$ :  $\varphi_2(z) = z^{\pi/\alpha}$ . 角領域に属する複素数  $z$  を極形式を使って表せば  $z = re^{i\theta}$  ( $r > 0, 0 < \theta < \alpha$ ) で、上半平面の複素数  $w$  は  $w = \rho e^{i\phi}$  ( $\rho > 0, 0 < \phi < \pi$ ) と表されることから直ちに従う。」

を

「上半平面  $\mathbb{H}$  から角領域  $\{w \mid 0 < \arg w < \alpha\}$ :  $\varphi_2(z) = z^{\alpha/\pi}$ . 上半平面の複素数  $z$  を極形式を使って表せば  $z = re^{i\theta}$  ( $r > 0, 0 < \theta < \pi$ ) で、角領域に属する複素数  $w$  は  $w = \rho e^{i\phi}$  ( $\rho > 0, 0 < \phi < \alpha$ ) と表されることから直ちに従う。」

へ変更。

- (\*) p.156 上から 9 行目:  
(誤) (角度  $\theta = \frac{\pi}{2}$ ) (正) (角度  $\alpha = \frac{\pi}{2}$ )
- (\*) p.156 上から 10 行目:  
(誤) その例で述べたように  $\frac{\pi}{\theta}$  乗 = 2 乗してやれば  
(正) その例で述べた写像 ( $\frac{\alpha}{\pi}$  乗 =  $\frac{1}{2}$  乗) の逆写像 (2 乗) を作用させれば
- (\*) p.156 図 10.9 キャプションに説明を追加:  
(右の二つの図は、長方形と  $A_j$  の位置関係に応じて回転させる必要がある。例えば、図 10.6 の場合は  $j = 0$  の時に上図のようになるが、他の  $j$  については適宜回転させる。この回転があってもなくても以下の議論は同じ。)
- (\*) p.157 最下行: (誤)  $\varphi_2'(z) = \frac{\pi}{\alpha} z^{(\pi-\alpha)/\alpha}$  (正)  $\varphi_2'(z) = \frac{\alpha}{\pi} z^{(\alpha-\pi)/\pi}$
- (\*) p.158 上から 1 行目:  
(誤)  $(\log \varphi_2'(z))' = \frac{\pi - \alpha}{\alpha} \frac{1}{z}$ . (正)  $(\log \varphi_2'(z))' = \frac{\alpha - \pi}{\pi} \frac{1}{z}$ .

- (\*) p.158 上から 4 行目: (誤)  $z^{\pi/\alpha}$  (正)  $z^{\alpha/\pi}$
- (\*) p.159 最下行: (誤)  $(\alpha_1, \alpha_2)$  (正)  $(\alpha_2, \alpha_3)$
- (\*) p.169 図 11.4 と p.182 図 12.2: 左側の図の  $A_+$  と  $B_+$  を入れ替え、 $A_-$  と  $B_-$  を入れ替える (右側では変えない)。
- (\*) p.174 下から 10 行目: 「という条件を満たす第三種アーベル微分  $\omega_3(P, Q)$  の存在を示す。」と「実際には」の間に次を追加:  
ここで、 $A$  は  $A$  サイクルを表す閉曲線で、 $P$  と  $Q$  を通らないものとする。  
  
注意: 第一種アーベル微分の  $A$  周期を考える時には、閉曲線  $A$  は楕円曲線  $\bar{\mathcal{R}}$  のホモロジー群  $H_1(\bar{\mathcal{R}}, \mathbb{Z})$  の同じ元を与えるならば何でも良かったが、第三種アーベル微分は留数が 0 ではない極を持つから、 $H_1(\bar{\mathcal{R}}, \mathbb{Z})$  の元だけではなく、具体的な閉曲線を指定しないと積分値が定まらない。以下、 $\omega_3(P, Q)$  を使う場面で「 $A$  サイクル、 $B$  サイクル」という時には、 $A$  サイクルを表す曲線と  $B$  サイクルを表す曲線 (どちらも  $P, Q$  を通らない) が指定されているものとする。
- (\*) p.179 10 行目: (誤) (2) の積分 (正) (12.2) の積分
- (\*) p.208 下から 2 行目:  
(誤) 有理型関数を積分したのであるから有理型  
(正) 留数を持たない有理型関数を積分したのであるから有理型
- (\*) p.211 8 行目: (誤)  $\wp'(u)^2 - 4\wp(u) + g_2\wp(u) = -g_3$   
(正)  $\wp'(u)^2 - 4\wp(u)^3 + g_2\wp(u) = -g_3$
- (\*) p.212 練習 14.5 (ii):  
(誤) (リュウヴィルの (第三) 定理 (定理 13.13))  
(正) (リュウヴィルの (第三) 定理 (定理 13.14))
- (\*) p.215 9 行目: (誤) 他に極はない。 (正) 一つの周期平行四辺形内に他に極はない。

- (\*) p.215 下から 13 行目: 「残りは一つ」の後に「(周期で適宜ずらして  $u_1$  と  $u_2$  は同じ周期平行四辺形の中にあるとしておく)」を付け加える。
- (\*) p.215 下から 12 行目:
  - (誤) リューヴィルの (第四) 定理 (定理 13.14) により
  - (正) リューヴィルの (第四) 定理 (定理 13.15) により
- p.216 練習 14.11: 末尾に次を付け加える。
  - 「(但し、例えば  $P_1 = P_2$  の場合は単に「通る」ではなく「その点で  $\bar{\mathcal{R}}$  に接する」とする、といった条件の修正は必要に応じて行う)」
- (\*) p.218 式 (15.4) の上: 「三変数多項式  $P(X, Y, Z)$ 」の直後に「( $\neq 0$ )」を入れる。
- (\*\*) p.223 5 行目:
  - (誤)  $a_M \neq 0, b_N \neq 0$  となる
  - (正)  $a_M \neq 0, i < M$  ならば  $a_i = 0, b_N \neq 0, j < N$  ならば  $b_j = 0$  となる
- (\*\*) p.224 上から 13 行目:
  - (誤)  $Q(X; a)$  を  $a$  について解いた結果
  - (正)  $Q(X; a) = 0$  を  $a$  について解いた結果
- (\*\*) p.231 (15.38) 式の下: (誤) この右側の式 (正) この二番目の式
- (\*) p.232 上から 3 行目: (誤) 共通根を持つ (正) 共通根  $\alpha$  を持つ
- (\*) p.235 脚注末尾に追加:
  - 尚、この論文では代数関数 (多価関数も許す) について証明されているが、ここでは有理型関数 (一価関数) のみ考える。
- (\*\*) p.242 下から 8 行目 ~ 7 行目:
  - (誤)  $v_0$  とその近傍  $U_0$  をうまく取れば、 $f$  は  $U_0, U_0 + a_0, \dots, U_0 + a_N$  という  $N + 2$  個の点の近傍  $v_0, v_0 + a_0, \dots, v_0 + a_N$  で正則になるようにできる。

(正)  $v_0$  とその近傍  $U_0$  をうまく取れば、 $f$  は  $v_0, v_0 + a_0, \dots, v_0 + a_N$  という  $N + 2$  個の点の近傍  $U_0, U_0 + a_0, \dots, U_0 + a_N$  で正則になるようにできる。

- p.246 上から 1 行目: (誤) 注 16.8 (正) 注 16.9

- (\*) p.282 (19.18) と (19.19): (五ヶ所) (誤)  $\prod_{n=1}^{\infty}$  (正)  $\prod_{l=1}^{\infty}$

- (\*\*) p.283 (19.22) 式最後:

$$\begin{aligned} \theta_{11}(u, \tau) &= \dots \\ \text{(誤)} \quad &= 2q^{1/4} \sin(\pi u) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - q^{2n}) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - 2q^{2n} \cos(2\pi u) + q^{4n}), \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \theta_{11}(u, \tau) &= \dots \\ \text{(正)} \quad &= -2q^{1/4} \sin(\pi u) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - q^{2n}) \prod_{n=1}^{\infty} (1 - 2q^{2n} \cos(2\pi u) + q^{4n}), \end{aligned}$$

- (\*) p.284 脚注 10) 及び p.285 脚注 14):

(誤) 『複素解析入門』 (正) 『複素関数入門』

- (\*) p.288 (20.3) の下に次を追加:

ここでは第 18 章と同様に、 $\theta_{kl} = \theta_{kl}(0)$  という略記を用いる。

- (\*) p.291 下から 14 行目: (誤) この連載を (正) 本書を

- (\*) p.297 上から 8 行目 (定理 20.8 の 2 行目) の式番号: (誤) (20.22)  
(正) (20.23)

- (\*) p.297 上から 12 行目 (定理 20.8 の証明の二行目): (誤) (20.22)  
の左辺 (正) (20.22) の右辺

- (\*) p.298 上から 9 行目と 10 行目 (定理 20.8 の証明の最後の二行):  
二つある (20.22) をどちらも (20.23) に直す。